

# 統計数学IB 第10回

担当：三角 淳 2016年12月16日

## 講義概要 (教科書 p82-83 も参照)

- ・連続型確率変数  $X, Y$  が独立で、それぞれ密度関数  $g(x), h(x)$  をもつとき、 $X + Y$  の密度関数は  $i(x) = \int_{-\infty}^{\infty} g(s)h(x-s)ds$ .
- ・共分散：確率変数  $X, Y$  に対して、

$$\text{Cov}(X, Y) = E[(X - E(X))(Y - E(Y))] = E(XY) - E(X)E(Y).$$

- ・相関係数： $V(X), V(Y) > 0$  をみたす確率変数  $X, Y$  に対して、 $\rho(X, Y) = \frac{\text{Cov}(X, Y)}{\sqrt{V(X)}\sqrt{V(Y)}}$ .

レポート問題 以下の [1] の解答を、次回の授業のはじめに提出して下さい。

- [1] 連続型確率変数  $X, Y$  は独立で、 $X$  の密度関数が  $g(x) = \begin{cases} \frac{x}{2} & 0 \leq x \leq 2 \\ 0 & \text{その他} \end{cases}$ 、  
 $Y$  の密度関数が  $h(x) = \begin{cases} 1 - \frac{x}{2} & 0 \leq x \leq 2 \\ 0 & \text{その他} \end{cases}$  とする。このとき  $X + Y$  の密度関数を求めよ。

## 補充問題

- [2] 公平なサイコロを 2 回投げたとき、1 回目に出た目を  $X$ 、2 回目に出た目を  $Y$  とする。  
このとき  $\text{Cov}(2X + 3Y, 4X + 5Y)$  を求めよ。

- [3] 連続型確率変数  $X, Y$  が結合密度関数  $f(x, y) = \begin{cases} \frac{2}{3}(2x+y) & 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1 \\ 0 & \text{その他} \end{cases}$  を持つとする。

- (1)  $E(X), E(Y), E(XY)$  を求めよ。
- (2)  $\text{Cov}(X, Y)$  を求めよ。
- (3)  $V(X), V(Y)$  を求めよ。
- (4)  $\rho(X, Y)$  を求めよ。